Hochfrequenzmethode zur Messung des statischen Flächenwiderstandes von ebenen und zylindrischen Widerstandsschichten

High-frequency Method for Measuring the Static Surface Resistance of Plane and Cylindrical Resistive Layers

H.-B. Schilling, W. Herrmann, E. Springmann

IPP 0/42

Juli 1979



MAX-PLANCK-INSTITUT FÜR PLASMAPHYSIK

8046 GARCHING BEI MÜNCHEN

MAX-PLANCK-INSTITUT FÜR PLASMAPHYSIK GARCHING BEI MÜNCHEN

Hochfrequenzmethode zur Messung des statischen Flächenwiderstandes von ebenen und zylindrischen Widerstandsschichten

High-frequency Method for Measuring the Static Surface Resistance of Plane and Cylindrical Resistive Layers

H.-B. Schilling, W. Herrmann, E. Springmann

IPP 0/42

Juli 1979

Die nachstehende Arbeit wurde im Rahmen des Vertrages zwischen dem Max-Planck-Institut für Plasmaphysik und der Europäischen Atomgemeinschaft über die Zusammenarbeit auf dem Gebiete der Plasmaphysik durchgeführt. IPP 0/42

H.-B. Schilling,

W. Herrmann,

E. Springmann

Hochfrequenzmethode zur Messung des statischen Flächenwiderstandes von ebenen und zylindrischen Widerstandsschichten

Abstract

This method of surface resistance measurement uses a resonant circuit magnetically coupled to the unknown resistive layer. When excited by short pulses the circuit performs damped periodical oscillations. The time by which the oscillation amplitude decreases by a factor of 10 is displayed on a scope, thus giving a measure for the surface resistance. A computer program added in the appendix has been used to evaluate the surface resistance for various electrical and geometrical parameters.

1. Einleitung

Beim Elektronenringbeschleuniger kann ein Teil der möglichen Instabilitäten durch Anbringen von leitfähigen Schichten in der Nähe des Elektronenringes gedämpft werden. Der Flächenwiderstand dieser Schichten soll möglichst genau mit vorgegebenen Werten übereinstimmen, um einerseits den gewünschten stabilisierenden Effekt und andererseits ein ungestörtes Durchdringen der gepulsten Magnetfelder durch die Schicht zu ermöglichen. Bei der Eigenfertigung solcher Schichten durch Auftragen von Leitlacken traten Unsicherheiten bezüglich des tatsächlich erreichten Flächenwiderstandes auf. Insbesondere ergab die Bestimmung des Flächenwiderstandes durch Strom- und Spannungsmessung bei mehrschichtigen Flächen unerwartet hohe Widerstandswerte. Dieser Effekt kann durch die Annahme erklärt werden, daß sich zwischen den einzelnen Widerstandsschichten Zonen geringer Leitfähigkeit ausbilden, die eine Ausbreitung des Meßstromes in die tieferen Schichten erschweren. Deshalb wurde eine Meßmethode entwickelt, mit welcher sich Flächenwiderstände unabhängig von der Art der Schichtung des Widerstandsmaterials bestimmen lassen. Homogenität der Schichten im Meßbereich (einige cm²) wird dabei vorausgesetzt.

2. Meßprinzip

Ein Schwingkreis wird durch kurze periodische Impulse zu gedämpften Schwingungen angeregt. Aus dem exponentiellen Abfall der Hüllkurve der Schwingungen kann die Dämpfung des Kreises ermittelt werden. Bringt man nun die zu untersuchende Widerstandsschicht in die Nähe der Schwingspule, so ändert sich die Dämpfung des Schwingkreises. Diese Änderung ist ein Maß für den Wert des Widerstandes. Ist die Dicke der Widerstandsschicht klein gegen die Skintiefe der Meßfrequenz und der im Experiment auftretenden Frequenzen, kann aus der Messung der relevante Wert des Flächenwiderstandes gewonnen werden. Bei einer Schichtdicke

d [cm], einem spezifischen Widerstand $\rho[\Omega$ cm], dem gewünschten Flächenwiderstand R = ρ/d , der Skintiefe $\delta=\sqrt{2\rho/\mu\mu_O}\cdot\omega$ [cm] muß für die Frequenz f = $\omega/2\pi$ gelten ($\mu_O=4\pi\cdot10^{-9}$ Vs/Acm)

$$f < \frac{R_0^2}{\mu\mu_0 \cdot \pi \cdot \rho}$$

Für $R_D = 0.1~\Omega$, $\mu = 1$, $\rho = 8.5 \cdot 10^{-5}~\Omega \cdot cm$ (V2A) ergeben sich Grenzfrequenzen von $\sim 3~GHz$. Die Frequenz der gepulsten Magnetfelder des Experimentes liegt bei ca. 40 kHz, die Frequenz der bedeutendsten transversalen resistiven Instabilität liegt unter 100 MHz. Die vorgeschlagene Meßmethode sollte für diese Fälle den relevanten Oberflächenwiderstand ergeben.

Meßanordnung

Der verwendete Schwingkreis (Fig.1) besteht im wesentlichen (genauere Angaben siehe Abschnitt 4) aus der Induktivität der Schwingspule und der Kapazität der angeschlossenen Leitungsschaltung.

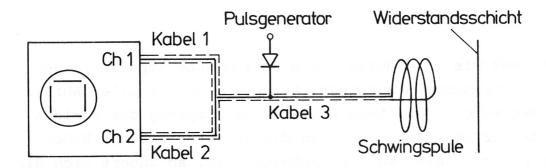


Fig.1: Meßanordnung

Die Einkopplung der Anregungsimpulse erfolgt über eine Diode. Diese bewirkt eine vollständige Entkopplung von Pulsgenerator und Schwingkreis, sobald die Schwingungsamplitude unter ca. O,5 V abgesunken ist. Die Enden der Kabel 1 und 2 werden mit den beiden Eingängen eines Zweistrahloszillografen verbunden.

Die Empfindlichkeit der beiden Eingänge wurde im allgemeinen um den Faktor 10 verschieden gewählt. Dadurch erhält man zwei scheinbar identische Oszillogramme, die lediglich um die Zeit $^{T}1/10$ gegeneinander verschoben sind (Fig.2).

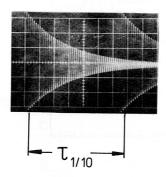


Fig.2: Bestimmung der Dämpfungszeitkonstante T1/10 aus dem 2-Kanal-Oszillogramm.

Zeitmaßstab: 1 µs/Teilung
Amplitude Kanal 1: 100 mV/Teilung
Amplitude Kanal 2: 10 mV/Teilung

Auf diese Weise läßt sich die Zeitkonstante für die Dämpfung auf 1/10 der Amplitude genau ablesen.

Wie gesondert nachgewiesen werden konnte, bewirkt die kurzzeitige Übersteuerung der Eingänge bei dem verwendeten Oszillografen (Tektronix 454) nur einen niederfrequenten Ausgleichsvorgang, jedoch keine Verzerrung der Hochfrequenzsignale im Meßbereich. Die zu vermessende Widerstandsschicht wird in definiertem Abstand von der Spule angebracht, bzw. im Fall der zylindrischen Schicht in die Spule eingeführt.

4. Bestimmung der Kreisparameter

Da der verwendete Kreis teilweise aus konzentrierten Schaltelementen und teilweise aus einer Leitungsschaltung besteht, ist eine exakte Umrechnung in einen einfachen Schwingkreis nicht möglich. Die Periodendauer der entstehenden Schwingung ist jedoch groß gegen die Leitungslaufzeiten. Daher macht man keinen großen Fehler, wenn man die Leitungsblindelemente durch konzentrierte Schaltelemente gleicher Größe ersetzt. Das Ersatzschaltbild (Fig.3) besteht nun aus

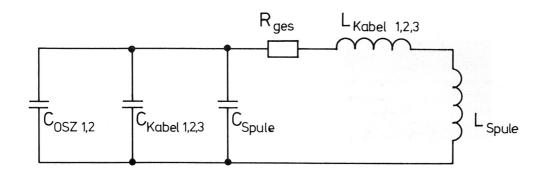


Fig.3: Ersatzschaltbild des Schwingkreises

den Oszillografen-Eingangskapazitäten Cosz 1,2' den Leitungskapazitäten CKabel 1,2,3' der Streukapazität der Spule C_{Spule}, der gesamten Leitungsinduktivität L_{Kabel 1,2,3} und der Spuleninduktivität L_{Spule} . Die dämpfenden Effekte werden durch einen Serienwiderstand R_{qes} berücksichtigt. Während die Oszillografen-Eingangskapazität und die Leitungsparameter unmittelbar bekannt sind, lassen sich die Spuleninduktivität und insbesondere die Streukapazität durch direkte Messung nicht hinreichend genau bestimmen. Ihre Ermittlung erfolgte nach folgender Methode: Durch zwei Messungen der Schwingungsfrequenz des Kreises im Originalzustand und nach Entfernung eines definierten Leitungsstückes erhält man zwei Gleichungen mit den beiden Unbekannten L_{Spule} und C_{Spule} , welche dadurch bestimmt werden. Der Wert des Serienwiderstandes wurde aus der Dämpfung der Schwingung berechnet.

Die Werte der Schaltelemente betragen bei der Meßanordnung für ebene Schichten:

Bei der Meßanordnung für zylindrische Schichten ergab sich:

5. Berechnung der Wechselwirkung mit der Widerstandsschicht

In der Rechnung wurde der äußere Kreis, wie in dem Ersatzschaltbild auf Fig.3 gezeigt, berücksichtigt. Die resistive Wand wirkt über eine Gegeninduktivität auf den Kreis zurück. Zur Berechnung dieser Rückwirkung wird die Wand in NS Kreiselemente zerlegt, und zwar für ebene Wände wie in Fig.4a und für zylindrische wie in Fig.4b gezeigt.

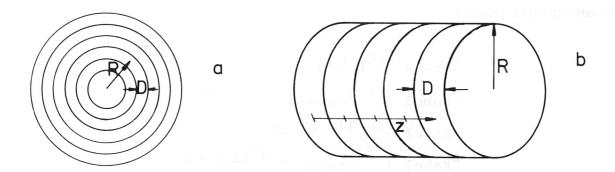


Fig.4: Zerlegung der resistiven Wand in Kreiselemente

- a) für ebene Wände
- b) für zylindrische Wände

Jedem Kreiselement mit der Breite D und dem mittleren Radius R_n wird entsprechend dem Oberflächenwiderstand $R_{_{\square}}$ ein Widerstand $R_{_{En}}$ = $R_{_{\square}}$ • $2\pi R_n/D$ und eine Selbstinduktion $L_{_{D}}$ mit dem Wert

$$L_{n \ n} = 4\pi \cdot 10^{-7} R_{n} (\ln \frac{8R_{n}}{D} - 0.5)$$
 zugeteilt.

Die einzelnen Elemente stehen untereinander und mit der Induktivität der treibenden Spule \mathbf{L}_{SP} über Gegeninduktivitäten $\mathbf{L}_{\text{n m}}$ in Wechselwirkung.

Ihr Wert wird wie folgt berechnet:

$$\begin{split} & L_{nm} = 4\pi \cdot 10^{-7} \ \sqrt{R_{n}R_{m}} \ \{ \left(\frac{2}{k} - k \right) \cdot K - \frac{2}{k} \cdot E \} \\ \text{mit } k^{2} = 4 \ \frac{R_{n} \cdot R_{m}}{\left(R_{n} + R_{m} \right)^{2} + \left(Z_{n} - Z_{m} \right)^{2}} \end{split}$$

K und E sind die vollständigen elliptischen Integrale 1. und 2. Art (alle Längenangaben in m).

Für die Berechnung der Gegeninduktivität zwischen Spule und Widerstandselementen wird der oben angegebene Wert noch mit der Windungszahl WD der Spule multipliziert. Der Abstand der einzelnen Spulenwindungen voneinander ist so klein im Vergleich zu den Abständen zur Widerstandsschicht, daß nur ein mittlerer Radius und Abstandswert Z benutzt wurde.

Man erhält folgendes Gleichungssystem

Hierbei werden die Werte für $L_{\rm SP}$, $L_{\rm Kabel}$, $R_{\rm ges}$, $C_{\rm ges}$ aus dem Experiment übernommen. Q ist die Ladung der Kapazität. Ihr Anfangswert Q/ $C_{\rm ges}$ = $U_{\rm o}$. Der Anfangswert aller Ströme ist O.

Die Lösung dieses Gleichungssystems, auf die hier nicht näher eingegangen werden soll, gibt den Strom für die Spule und die verschiedenen Elemente, aber auch den Wert U/U_{O} an der Kapazität als Funktion der Zeit.

Der Anhang enthält das Rechenprogramm und einen Plot der normierten Spannung $U/U_{_{\hbox{\scriptsize O}}}$ an der Kapazität als Funktion der Zeit.

6. Ergebnisse

Die Ergebnisse der Berechnungen für die verwendeten Anordnungen sind in Form der Eichkurven in Fig.5a (für ebene Schichten) und in Fig.5b (für zylindrische Schichten) dargestellt.

Dabei bedeuten τ_{∞} und τ_{R} die Zeiten, in denen die Schwingungsamplitude ohne bzw. mit Widerstandsschicht auf 1/10 abgesunken ist.

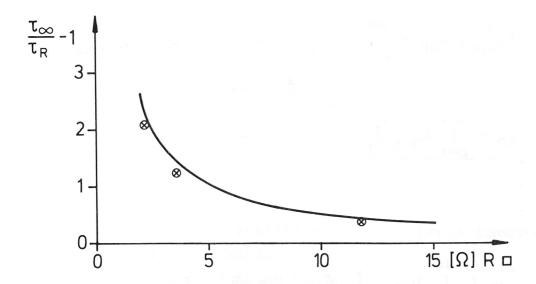


Fig.5a: Eichkurve für ebene Schichten

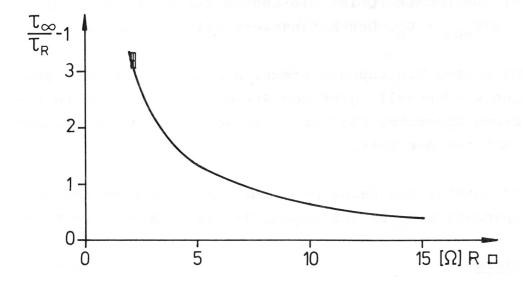


Fig.5b: Eichkurve für zylindrische Schichten

Die Eichkurve ist in Fig.5 nur für den in dieser Arbeit interessierenden "resistiven" Teil der Kurven berechnet. Bei kleineren Oberflächenwiderständen würde die Dämpfung wieder abnehmen ("induktiver" Teil der Kurve); jedem Dämpfungswert entsprechen zwei Oberflächenwiderstände. Die dadurch entstehende Doppeldeutigkeit kann im Zweifelsfall durch die zusätzliche Auswertung der Frequenzänderung beseitigt werden. Möchte man Messungen bei größeren oder kleineren Oberflächenwiderständen machen, empfiehlt es sich, die Meßfrequenz entsprechend zu vergrößern oder zu verkleinern.

Zur Beurteilung der erreichten Meßgenauigkeit wurden Metallfilmwiderstandsschichten sowohl mittels der beschriebenen
Methode, als auch durch Strom-Spannungsmessung untersucht.
Bei der ohmschen Methode wurden Meßfehler durch Einflüsse der
Kontaktierung vermieden. Zu diesem Zweck wurden Stromzuführung
und Spannungsmessung voneinander getrennt. Der Spannungsabgriff erfolgte direkt auf der Widerstandsfläche durch Spitzen
über ein hochohmiges Meßgerät. Die Meßpunkte sind in Fig.5a
eingetragen. Es ergaben sich Abweichungen zwischen beiden
Methoden von maximal 12%. Ein ähnlicher Vergleich wurde für
eine zylindrische Widerstandsschicht durchgeführt. Der Meßpunkt in Fig.5b zeigt, daß auch in diesem Fall eine gute Übereinstimmung der beiden Methoden vorliegt.

PAGE ØØØ1	1882 1882 1884 188	40000000000000000000000000000000000000	12020 12024 1888	๛๛๛๛๛ ๛๛๛๛๛๛ ๛๛๛๛๛๛ ๛๛๛๛๛ ๛๛๛๛๛ ๛๛๛๛๛ ๛๛๛๛	იი ი ი ი ი ი 4 - გიი ი ი ი ი ი ი . გაგგაგ გაგ გაგ	1444 17W4 3ØØØ	4 4 5 6 6 6 6 6 6 6 6 6 6 6 6 6 6 6 6 6	4 4 4 1 3 8 8 8	50 50 50 50 50 50 50 50 50 50 50 50 50 5	លលលលលល 4 លល	, , , , , , , , , , , , , , , , , , ,	000+ 000+ 0000	67 <i>8</i> 68 <i>8</i>
18/48/48	**************************************	FENELEMENTE EMENTEN DURCH IN BESTIMMT UND BERECHNET UND	化化苯基苯甲基苯基苯甲基苯基苯甲基苯基苯甲基苯甲基苯甲基苯甲基苯甲基苯甲基苯甲基苯甲	INTEGRATION IVITAETSMATRIX GEMEIN) ICHUNGEN IT U/UØ(T)	IKUNGEN: 'WD' WIRD ICHTIGT); RUKTUR HLANGE ELEMENTE; GEOM/ UEBERTRAGEN	************	4)	1) ENTE	ELEMENTS		INDER	OHM/QUADRAT >	
DATE = 79242	**************************************	(SPULE) UND 'NS' SEITENPLATTI EMENTE) WIRD RING UND DEN SEITENPLATTENEL NS+2' DIFFERENTIALGLEICHUNGE ABKLINGFUNKTION 'U/UØ (T)'	化水水水水水水水水水水水水水水水水水水水水水水水水水水水水水水水水水水水水水	PUT; MATRIX L-INVERS; START OMETRIE DER ELEMENTE; INDUKT GENINDUKTIVITAETSFORMEL (ALL FINITION DER DIFFERENTIALGLE TRIXINVERSION ESUNG DER GEWOEHNLICHEN DIFF	NUR BEI FOLGENDEN EINSCHRAEN PULE VORHANDEN (WINDUNGSZAHL DER INDUKTIVITAETEN BERUECKS LINDER- ODER SEITENPLATTENST STUECK), UNTERTEILT IN GLEIC DER ELEMENTLAENGE WIRD IN	化水水水水水水水水水水水水水水水水水水水水水水水水水水水水水水水水水水水水水	PROBL(154) FORMAT(18A	ANZAHL DER RINGELEMENTE (= ANZAHL DER SEITENPLATTENELEMI	ANGABEN ZUM RINGISPULE: LAGE UND AUSDEHNUNG DES RING (ANGABEN IN M)	WINDUNGSZAHL DES RINGS SELBSTINDUKTIVITAET (H) KAPAZITAET (F) WIDERSTAND (OHM) SPANNUNG	EN ZUR SEITENPLATTEIZYL GSPUNKT (Z,R) DER SEITE ZVIINDERS) (IN M)	BERFLAECHENWIDERSTAND (IN	SIEHE SR 'DHPCG'
MAIN	CHNUNG DES SEENENENENENENENENENENENENENENENENENE	EINEN RING ZYLINDEREL R STROM IM DESUNG VON '	**************************************		RSION GILT UR 1 RINGIS BESTIMMUNG NUR EINE ZY EN (GERADEN ND Z-ANTEIL	***	N TEXT>	SZ		E C K C S K D L	х1, ү1	X2, Y2 0HM	PRMT
RELEASE 2.0	**************************************	70000000 20 20 800100	C ************************************	AMATT NO DO	NB: DIESE VE C C C C C C C C C C C C C C C C C C	C EINGABE :	C 3 KARTE	C /NL1/	, NL2/	oooooo	C /NL3/	ooc	C /NL4/
ORTRAN IV G1													

	טושהוטניי	~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~	W4M0V00000000-	<i>10040000</i>	$\omega \omega \omega - \omega \omega + \pi$	77777777777
RELEASE 2.8 MAIN DATE = 79242 18/48/48	C ************************************	<pre>IMENSIONEN: (NC = NS+N = NS+1) Y(NC+1), DY(NC+1), PRMT(5), AUX(16, NC+1) ELEL(NC), RHO(NC) RES(NC) F(NC) RSUB(NC), GSUB(NC), ASUB(NC) GEM(NC*NC) XSA(*), USA(*), H1(5), H2(5) ***********************************</pre>	C IMPLICIT REAL*8 (A-H, O-Z) REAL*4	COMMON /ELEC / OMZ,RHO COMMON /MATR / GEM COMMON /ELZ / OHM,XL COMMON /NUM / NØØ,NPL COMMON /SCAL / UANF,OQ	NAMELIST /NL1/ N,NS NAMELIST /NL2/ RR,ZR,DR,WD,SL,CAP,WID,VOLT,ELS NAMELIST /NL3/ X1,Y1,X2,Y2,OHM C NAMELIST /NL4/ PRMT	C UEBERSCHRIFT - DATUM - JOBNAME CALL DATE(DATUM) READ (5,2000) PROBL WRITE(6,1000) PROBL WRITE(6,2000) PROBL WRITE(6,1010) DATUM
FORTRAN IV G1			8881 8882 8883 8884	88888 88888	0010 0011 0012 0013	8814 8815 8816 8817 8817

MAIN

2.8

RELEASE

G

FORTRAN IV

EINGABEDATEN

000

000000

C

0034

CALL DMINV (UM, NC)

0044

00000

 $\circ\circ\circ\circ$

WRITE(6,1020)
WRITE(6,1020)
WRITE(6,1030) F
WRITE(6,1090) C

0048 0049 0050 0051 0051

00000

C

0045 0046 0047

```
18/48/48
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                          RETURN

1828 FORMAT(18X,14,8P3F15.6,8PF15.2)

1838 FORMAT(///18X,'SEITENPLATTEIZYLINDER :',F8.4,'OHM/QUADRAT'//
1838 FORMAT(///18X,R[M]',18X,'Z (M)',18X,'A (M)',8X,'WIDERSTAND'/)
1858 FORMAT(18X,8P14,1P2D15.6,74P3,1P5D15.6))
1868 FORMAT(///18X,'SELBST- UND GEGENINDUKTIVITAETEN'/)
                    WRITE(6,1020) (1,RSUB(1),GSUB(1),ASUB(1),RES(1),I=NB,NE
                                                                       NTI=NT-1

DO 200 I=1,NT1

K1 =RSUB(I)

GI =GSUB(I)

GEM(I+(I-1)*NT) = U*R1*(DLOG(8.DØ*R1/ASUB(I))-.5DØ)

DO 200 J=K,NT

IF(I-GT) = I+(J-1)*NT

IF(I-GT) = I+(J-1)*NT

GEM(IJA)=U*WD*FIND(RSUB(J),R1,GSUB(J),G1)

GOTO IS

CONTINUE
                                                                                                                                                                                                                    DATE = 79242
                                                                                                                                                                                  CONTINUE
GEM(1JA)=U*FIND(RSUB(J),R1,GSUB(J),G1)
JIA =J+(I-1)*NT
GEM(JIA) = GEM(IJA)
                                                                                                                                                                                                                                                                   WRITE(6, 1060)
DO 360 1=1, NC
IJ=(1-1)*NC
WRITE(6, 1050) I, (GEM(IJ+J), J=1, NC)
CONTINUE
     PORGY
                                                       INDUKTIVITAETEN
      RELEASE 2.0
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                360
                                                                                                                                                                                                                           200
                                                                                                                                                                                   10
                                                                                                                                                                                                       15
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                            \circ
                                                                                                                                                                                                                                                                  C
                                      0000
        FORTRAN IV G1
                                                                             8855
8855
8857
8858
8858
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                8868
8861
8862
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                      8863
8864
8865
                             0035
```

```
RJ)**2 + (ZI-ZJ)**2))
                                                                                                                              AK1=4.DØ*(RI*RJ/((RI + RJ)**2 + (ZI-ZJ)**;

AK = DSQRT(AKI)
CALL DCEL1(ELK,AK, IER)
CALL DCEL2(ELE,AK,1.DØ,1.DØ-AKI,IER)
FIND = DSQRT(RI*RJ)*((2.DØ/AK)-AK)*ELK
-(2.DØ/AK)*ELE)
                     FUNCTION FIND*8(RI, RJ, ZI, ZJ)
                                                                                                         IMPLICIT REAL *8 (A-H, 0-Z)
                                                                                                                                                                                                        RETURN
                     REAL
                                                                                                                                                                                    69
FORTRAN IV G1
                                                                                                          8882
                                                                                                                              0003
0004
0005
0005
                                                                                                                                                                                                        8000
0009
```

18/48/48

DATE = 79242

OUTP

FORTRAN IV G1 RELEASE 2.0

VPL(1)=-.1
CALL PLOTLS(XPL, YPL, 2)
CALL PLOTQ (XSA, USA, NPL)
PRMT(5)=1.DØ

8839 8848 8841 8842

RETURN FORMAT((T4Ø,ØP1ØF9.4)) FORMAT(1X,12,9PF9.1,2X,ØPF8.4,2X,F9.3,(T4Ø,ØP1ØF9.4)) END

1,81,8 1,888

8843 8844 8845 8845

ပပ

